Chapitre 10: Réactions à l'équilibre

- L'équilibre
- Constante d'équilibre
- Applications
 - synthèse de NH3 à 400K (cas général)
 - synthèse de H₂O
 - décomposition de PCl₅
 - réaction de Boudouard
 - synthèse de NH₃ à 400K (cas particulier)
- Déplacement de l'équilibre
 - Influence de T, de P et des concentrations
- Equilibre entre phases
- Variance d'un système
 - · règle des phases



Réalisation: Gisèle Jung - cgjung@ulb.ac.be

Réactions à l'équilibre (1)

Rappel: Une réaction chimique est caractérisée:

- + ΔG_{R}^{0} sa constante d'équilibre K_{T}

$$lnK_{T} = -\frac{\Delta G_{R}^{0}}{RT} = -\frac{\Delta H_{R}}{R} \cdot \frac{1}{T} + \frac{\Delta S_{R}}{R}$$

- K_T et ΔG_R^0 calculés par tables thermodynamiques
- Transformation "agents → produits" souvent incomplète d'où équilibre avec réversiblité de la réaction:
- Lorsque équilibre atteint, vitesse de réaction directe = vitesse de réaction inverse

Equilibres

Réactions à l'équilibre (2)

- | = | symbolise l'équilibre ou la réversibilité de la réaction
- La concentration des agents et des produits à l'équilibre est constante à une température donnée
- L'équilibre ne peut donc être atteint que si le système est FERMÉ
- Expression de la constante d'équilibre pour la réaction:

est $K_T = \frac{X_C^c.X_D^d}{X_A^a.X_B^b}$



Réalisation: Gisèle Jung - cgjung@ulb.ac.be

Constante d'équilibre : exemples (1)

• *Ionisation* de l'eau:

$$H_2O(1) \hookrightarrow H^+(aq) + OH^-(aq)$$
 $K_w = [H^+][OH^-]$

• *Dissolution* d'un sel:

$$AgCl(s) \hookrightarrow Ag^{+}(aq) + Cl^{-}(aq)$$
 $K_s = [Ag^{+}][Cl^{-}]$

• *Dissociation* d'un acide ou d'une base faible:

$$HF(aq) \iff H^+(aq) + F^-(aq)$$
 $K_a = \frac{[H^+] \cdot [F^-]}{[HF]}$

$$NH_4OH(aq) \iff NH_4^+(aq) + OH^-(aq)$$
 $K_b = \frac{[NH_4^+] \cdot [OH^-]}{[NH_4OH]}$



Constante d'équilibre: exemple (2)

Réaction d'oxydo-réduction:

$$MnO_4^-(aq) + 5 Fe^{2+}(aq) + 8H^+(aq) \iff Mn^{2+}(aq) + 5Fe^{3+}(aq) + 4 H_2O$$

$$K_{c} = \frac{\left[Mn^{2+}\right] \cdot \left[Fe^{3+}\right]^{5}}{\left[MnO_{4}^{-}\right] \cdot \left[Fe^{2+}\right]^{5} \cdot \left[H^{+}\right]^{5}}$$



Applications : synthèse de NH₃ à 400K

• Calcul de
$$K_p$$
et x_i à l'équilibre : synthèse de $NH_3(g)$ à 400 K

$$N_2(g) + 3 H_2(g) \iff 2 NH_3(g) \qquad \begin{cases} \Delta H_{R,400} = -48,3 \text{kJ} \\ \Delta S_{R,400} = -105,1 \text{J/K} \end{cases}$$

$$\Delta G_{R,400}^{0} = \Delta H_{R} - T\Delta S_{R} = -48.300 - 400.(-105,1) = -6.220J$$

$$K_{T} = e^{-\frac{\Delta G_{R}^{0}}{RT}} = e^{\frac{6220}{8,31.400}} = 6.5$$

Réaction en milieu gazeux: $K_P = \frac{p_{(NH_3)}^2}{p_{(N_2)} \cdot p_{(H_2)}^3} = 6.5 \text{ atm}^{-2}$



Applications: synthèse de NH₃ (suite) $K_{P} = \frac{p_{(NH_3)}^2}{p_{(N_2)} \cdot p_{(H_2)}} = 6,5 \text{ atm}^{-2}$ Si $p_{(H2)} = p_{(N2)} = 1 \text{ atm}$

$$K_P = \frac{p_{(NH_3)}^2}{p_{(N_2)} \cdot p_{(H_2)}} = 6,5 \text{ atm}^{-2}$$

Si
$$p_{(H2)} = p_{(N2)} = 1$$
 atm

On a:
$$p_{(NH3)} = \sqrt{6.5} = 2.55 \text{ atm} \implies p_{(NH3)} = 2.55 \text{ atm}$$

et
$$P_{tot} = p_{(N2)} + p_{(H2)} + p_{(NH3)}$$

= 1 + 1 + 2,55 = 4,55 atm \Rightarrow $P = 4,55$ atm

Donc:
$$\begin{cases} x_{(N2)} = x_{(H2)} = \frac{p_{(N_2)}}{P} = \frac{1}{4,55} = 0,22 \\ x_{(NH3)} = \frac{p_{(NH_3)}}{P} = \frac{2,55}{4,55} = 0,56 \end{cases}$$
 réaction non complète

Applications: synthèse de H₂O à 400K

• Calcul de
$$K_p$$
et x_i à l'équilibre : synthèse de $H_2O(g)$ à 400 K
 $H_2(g) + \frac{1}{2}O_2(g) \iff H_2O(g)$

$$\begin{cases} \Delta H_{R,400} = -242,6kJ \\ \Delta S_{R,400} = -47,3J/K \end{cases}$$

$$\Delta G_{R,400}^0 = \Delta H_R - T\Delta S_R = -242600 - 400.(-47,3) = -223680J$$

$$\ln K_{\rm T} = -\frac{\Delta G_{\rm R}^0}{RT} = \frac{223680}{8,31.400} = 67,26$$

Réaction en milieu gazeux: $K_p = \frac{p(H_2O)}{p(H_2).p(O_2)^{\frac{1}{2}}} = 1,6.10^{29} \text{ atm}^{-\frac{1}{2}}$

Equilibres

Applications: synthèse de H₂O (suite)

$$K_{P} = \frac{p(H_{2}O)}{p(H_{2}).p(O_{2})^{\frac{1}{2}}} = 1,6.10^{29} \text{ atm}^{-\frac{1}{2}}$$

Si
$$p(H_2) = p(O_2) = 1$$
 atm

On a:
$$p(H_2O) = 1,6.10^{29} \text{ atm}$$

et
$$P_{tot} = p(H_2) + p(O_2) + p(H_2O)$$

= 1 + 1 + 1,6.10²⁹ ~ 1,6.10²⁹ atm = P

Donc:
$$x(H_2) = x(O_2) = \frac{p(H_2)}{P} = \frac{p(O_2)}{P} = \frac{1}{1,26.10^{29}}$$

$$=6.25 \cdot 10^{-30} \neq 0$$

Réalisation: Gisèle Jung - cgjung@ulb.ac.be

Réactions partielle ou totale

$$N_2(g) + 3 H_2(g) \iff 2 NH_3(g) \mid H_2(g) + \frac{1}{2} O_2(g) \iff H_2O(g)$$

•
$$\Delta G_{R,400}^0 = -6.220J$$

•
$$K_P = \frac{p(NH_3)^2}{p(N_2).p(H_2)^3}$$

= 6,5 atm⁻²
• $K_P = \frac{p(H_2O)}{p(H_2).p(O_2)^{\frac{1}{2}}}$
=1,6.10²⁹ atm^{-1/2}

Réaction partielle

$$H_2(g) + \frac{1}{2}O_2(g) \iff H_2O(g)$$

$$\Delta G_{R,400}^0 = -6.220J$$
 • $\Delta G_{R,400}^0 = -223.680J$

•
$$K_P = \frac{p(H_2O)}{p(H_2).p(O_2)^{\frac{1}{2}}}$$

=1,6.10²⁹ atm^{-1/2}

Réaction totale

Définition du coefficient de dissociation:

$$\alpha = \frac{n_{\text{ayant réagi}}}{n_{\text{initial}}}$$

Réalisation: Gisèle Jung - cgjung@ulb.ac.be

Dissociation de PCl_5 : K_P (suite)

$$n_{tot} = 1,47 \text{mol}$$
 $P = n \frac{RT}{V} = \frac{1,47.0,0821.523}{10}$ $P = 6,31 \text{atm}$

$$K_P = \frac{p_{(PCl_3)} \cdot p_{(Cl_2)}}{p_{(PCl_5)}} = \frac{2,02.2,02}{2,27} = 1,78 \text{ atm}$$

$$K_{P} = 1,78 \text{ atm}$$

Equilibres

Réalisation: Gisèle Jung - cgjung@ulb.ac.be

Dissociation de PCl_5 : K_c (suite)

Calcul du K_c

$$\label{eq:alpha_loss} \mbox{\grave{A} 1 'équilibre:} \begin{cases} [PCl_5]_{\acute{eq}} = 0,053 \ mol/dm^3 \\ [PCl_3]_{\acute{eq}} = 0,047 \ mol/dm^3 \\ [Cl_2]_{\acute{eq}} = 0,047 \ mol/dm^3 \\ \end{cases}$$

et
$$K_c = \frac{[PCl_3] \cdot [Cl_2]}{[PCl_5]} = \frac{0,047.0,047}{0,053} = 0,042 \text{ mol/dm}^3$$

$$K_c = 0,042 \text{ mol/dm}^3$$

Or, on a:
$$K_P = K_C \cdot (RT) = \boxed{0,042} \cdot (0,082.523) = 1,80 \text{ atm}$$

ULB Equilibres

Réalisation: Gisèle Jung - cgjung@ulb.ac.be

13

Dissociation de PCl_5 : α (suite)

• Connaissant $K_P = 1,78$ atm calculons $\alpha = f(P)$

$$PCl_{5}(g) \iff PCl_{3}(g) + Cl_{2}(g)$$

$$n_{i,\acute{e}q} \quad 1-y \qquad y \qquad y \qquad n_{tot,\acute{e}q} = 1+y$$

$$X_{i,\acute{e}q} \quad \frac{1-y}{1+y} \qquad \frac{y}{1+y} \qquad \alpha = \frac{n_{ayant \, r\acute{e}agi}}{n_{0}} = \frac{y}{1} \quad \alpha = y$$

$$K_{p} = 1,78 = \frac{\left(\frac{y}{1+y}\right)^{2}.P^{2}}{\frac{(1-y).P}{1+y}} = \frac{y^{2}.P}{(1-y).(1+y)} = \frac{y^{2}.P}{1-y^{2}}$$

$$y^{2} = \frac{1,78}{1,78+P} \qquad P(atm) \qquad 0,01 \quad 0,1 \quad 1 \quad 10 \quad 100$$

$$y = \alpha \qquad 0,997 \quad 0,973 \quad 0,80 \quad 0,39 \quad 0,13$$

$$Si \, PA, \, dissociation \, PCl_{5} \, diminue$$

$$R\acute{e}alisation: \, Gisèle \, Jung - cgjung@ulb.ac.be$$

Application: réaction de Boudouard

Réaction de Boudouard: $C(s) + CO_2(g) \implies 2CO(g)$

Calcul de la composition de la phase gazeuse à 2 atm connaissant $K_P = 1,90$ atm à 1000K.

$$P = p_{(CO)} + p_{(CO2)} = 2atm \qquad \Rightarrow \qquad p_{(CO2)} = P - p_{(CO)}$$

$$K_{P} = \frac{p_{(CO)}^{2}}{p_{(CO_{2})}} = 1,90 = \frac{p_{(CO)}^{2}}{P - p_{(CO)}} = \frac{p_{(CO)}^{2}}{2 - p_{(CO)}}$$

$$p_{(CO)}^{2} + K_{P}.p_{(CO)} - 2.K_{P} = 0 \qquad p_{(CO)}^{2} + 1,90.p_{(CO)} - 3,80 = 0$$

$$p_{(CO)} = \frac{-1,90 \pm \sqrt{(1,90^{2} + 4.3,80})}{2} = \frac{-1,90 \pm 4,34}{2} = +1,22 \text{ atm}$$

$$\Rightarrow p_{(CO)} = 1,22 \text{ atm} \qquad p_{(CO2)} = 2 - 1,22 = 0,78 \text{ atm}$$

$$\text{Equilibres}$$

$$\text{Réalisation: Gisèle Jur Remin Melly acclains notes cours 15}$$

Le principe de Le Chatelier (1)

Tout équilibre a tendance à se déplacer pour diminuer l'effet des modifications qui lui sont imposées.

1. Effet d'une modification de température

- si on *augmente la température*, le système va réagir en ∠ T (c-à-d dans le sens *endothermique*)
 - de gauche à droite si la réaction est endothermique
 - de droite à gauche si la réaction est exothermique
- si on *diminue la température*, le système va réagir en **7** T (c-à-d dans le sens *exothermique*)
 - de gauche à droite si la réaction est exothermique
 - de droite à gauche si la réaction est endothermique

Equilibres

Réalisation: Gisèle Jung - cgjung@ulb.ac.be

Principe de Le Chatelier: effet de la température sur l'équilibre

1. Effet d'une modification de température

$$aA +bB = cC + dD$$

$$Rappel \quad lnK_{T} = -\frac{\Delta G_{R}^{0}}{RT} = -\frac{\Delta H_{R}^{0}}{R} \cdot \frac{1}{T} + \frac{\Delta S_{R}^{0}}{R}$$

- Si la réaction est exothermique, $\therefore \Delta H_R^0 < 0$
 - Donc le terme $-\frac{\Delta H_R^0}{R} \cdot \frac{1}{T}$ est **positif**, et si T 7, $lnK_T 2$ Donc l'équilibre est déplacé **vers la gauche** (en faveur de A et B)
- Si la réaction est endothèrmique, $\Delta H_R^0 > 0$
 - Donc le terme $-\frac{\Delta H_R^0}{R} \cdot \frac{1}{T}$ est **négatif**, et si $T \nearrow J$, $\ln K_T \nearrow J$
 - Donc l'équilibre est déplacé vers la droite (en faveur de C et D)

Equilibres Equilibres

Réalisation: Gisèle Jung - cgjung@ulb.ac.be

Principe de Le Chatelier: effet de la pression sur l'équilibre

- 2. Effet d'une modification de pression
- si on augmente la pression, le système va évoluer dans le sens d'une diminution du nombre de moles
- si on *diminue la pression*, le système va évoluer dans le sens d'une augmentation du nombre de moles

$$\begin{bmatrix} \mathbf{aA} + \mathbf{bB} & \leftarrow \mathbf{cC} + \mathbf{dD} \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{annal} \cdot \mathbf{K} = \mathbf{p}_{\mathbf{C}}^{\mathbf{c}} \cdot \mathbf{p}_{\mathbf{D}}^{\mathbf{d}} - \mathbf{x}_{\mathbf{C}}^{\mathbf{c}} \cdot \mathbf{x}_{\mathbf{D}}^{\mathbf{d}} \cdot \mathbf{p}_{\mathbf{C} + \mathbf{d} - \mathbf{a} - \mathbf{b}}^{\mathbf{c}} \quad \text{cor} \quad \mathbf{p} = \mathbf{c}$$

Rappel:
$$K_{p} = \frac{p_{C}^{c}.p_{D}^{d}}{p_{A}^{a}.p_{B}^{b}} = \frac{x_{C}^{c}.x_{D}^{d}}{x_{A}^{a}.x_{B}^{b}} P^{c+d-a-b}$$
 car $p_{i}=x_{i}P$

Ponc, si
$$(c+d)(a+b)$$
 K_P étant constant, $x_C^c.x_D^d$ \downarrow alors $x_C^c.x_D^d$

Equilibres

Application: $N_2O_4(g) \Leftrightarrow 2NO_2(g)$

Influence de P sur l'équilibre: $N_2O_4(g) = 2NO_2(g)$ Variation de $x_{(NO2)}$ en fonction de P

avec
$$K_P = \frac{p_{(NO_2)}^2}{p_{(N_2O_4)}} = 0.154 \text{ atm } \grave{a} 298K$$

 $P = p_{(NO_2)} + p_{(N2O_4)} \implies p_{(N2O_4)} = P - p_{(NO_2)}$
 $p_{(NO_2)}^2 + K_P \cdot p_{(NO_2)} - K_P \cdot P = 0$

$$p_{(NO2)}^2 + 0.154.p_{(NO2)} - 0.154.P = 0 \implies p_{(NO2)} \implies p_{(NO2)}$$

$$x(NO_2) = \frac{p_{NO_2}}{P}$$
 $x(N_2O_4) = \frac{p_{N_2O_4}}{P}$

Réalisation: Gisèle Jung - cgjung@ulb.ac.be

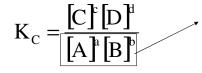
$$x(NO_2) = f(P) \ pour \ N_2O_4(g) \iff 2NO_2(g)$$

$$y = \int_{X}^{\infty} 0.5 - \int_{X}^{\infty} 0.5 - \int_{X}^{\infty} 0.001 \ 0.01 \ 0.1 \ 1 \ 10 \ 100 \ p \ (atm)$$
Equilibres
$$Réalisation: Gisèle Jung-cgjung@ulb.ac.be$$
20

Principe de Le Chatelier: effet de la concentration sur l'équilibre

- 3. Effet d'une modification de concentration
- si on augmente la *concentration en <u>agents</u>* de réaction, le système va évoluer de gauche à droite
- si on augmente la *concentration en produits* de réaction, le système va évoluer de droite à gauche

$$aA + bB = cC + dD$$



Si dénominateur **7**, C et D doivent augmenter pour garder K_C constant

Réalisation: Gisèle Jung - cgjung@ulb.ac.be

Equilibres entre phases

Une substance A_i peut se trouver en équilibre entre 2 phases:

• équilibre gaz-liquide

O2 dissous dans l'eau est en équilibre avec l'air:

$$O_2(g) \hookrightarrow O_2 \text{ (aq)} \qquad K = \frac{[O_2]}{n} \qquad \Longrightarrow \quad [O_2] = K.p_{O_2}$$

$$K = \frac{[O_2]}{p_2}$$

$$[O_2] = K.p_{O_2}$$

Cas général:

$$A_i(g) \leftrightharpoons A_i(aq)$$

$$[A_i] = K.p_{Ai}$$

• équilibre liquide-liquide

A_i dissous dans 2 liquides non miscibles

$$A_{i}(liq_{1}) = A_{i}(liq_{2})$$

Exemple: Equilibres

métal scorie

Variance d'un système

Objet: examiner si un système est totalement déterminé.

- Un système est caractérisé par un nombre V de variables
- Ces V variables sont reliées entre elles par E équations mathématiques (relations)

Sur le plan mathématique (variables = inconnues), si

Définition de la variance v:

- nombre d'inconnues est *inférieur* au nombre d'équations V < E soit (V-E) < 0, le système est **impossible**
- nombre d'inconnues est *égal* au nombre d'équations V = E soit (V-E)=0, le système est *totalement déterminé*
- nombre d'inconnues est *supérieur* au nombre d'équations V > E soit (V-E) > 0, le système est *indéterminé*

Réalisation: Gisèle Jung - cgjung@ulb.ac.be

Variance d'un système (1): variables

Soit un système qui comprend:

- c constituents $A_1, A_2, A_3, \dots, A_i$, A_c
- Répartis dans ϕ phases différentes 1, 2, 3,...j,... ϕ
- Participant à r équilibres chimiques
- Calcul du nombre de variables
 - La température et la pression: T et P \implies 2 variables
- Les concentrations de chaque constituant dans chaque phase Fraction molaire du constituant A_i dans la phase j: c variables par phase, \$\phi\$ phases

en tout:

 $2 + (c.\phi)$ | variables

Variance d'un système (2): équations

Soit le système qui comprend:

- c constituants $A_1, A_2, A_3, \dots A_i$, A_c
- Répartis dans φ phases différentes 1, 2, 3,....j,... φ
- Participant à r équilibres chimiques

Calcul du nombre d'équations

- Pour chaque phase, la somme des fractions molaires est égale à 1 $\sum x_i^j = 1$ $\Longrightarrow \boxed{\phi}$ équations
- Entre chaque phase, pour chaque constituant, le rapport des fractions molaires est égale à $K = \frac{X_i^{j+1}}{X_i^j}$ $c.(\phi 1)$ équations indépendantes
- Pour chaque équilibre, l'expression de $K_T \implies r$ équations
 - en tout :

 $\phi + c.(\phi - 1) + r$

équations

inconnues équations

Equilibres

Réalisation: Gisèle Jung - cgjung@ulb.ac.be

25

Variance d'un système(3): définition

Variance v: nombre de variables indépendantes qu'il faut se fixer pour que le système soit déterminé

Système à
$$\begin{cases} V = 2 + c.\phi \\ E = \phi + c.(\phi - 1) + r \end{cases}$$

V > E soit (V-E) > 0, le système est *indéterminé*

On a défini la variance v = V - E

$$v = (2 + c.\phi) - (\phi + c.(\phi - 1) + r)$$
 donc $v = 2 + c - r - \phi$

on doit donc se donner arbitrairement v variables indépendantes pour que le système soit totalement défini.

Fquilibres

Réalisation: Gisèle Jung - cgjung@ulb.ac.be

Variance d'un système : applications

$$v = 2 + c - r - \phi$$

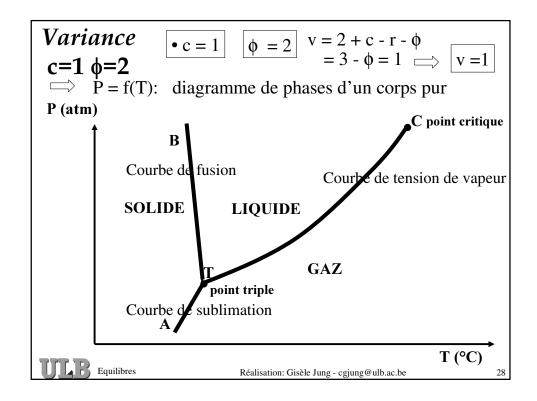
Exemple 1: Système à 1 constituant

$$c = 1$$
 $r = 0$ $v = 2 + c - r - \phi = 2 + 1 - 0 - \phi$ $v = 3 - \phi$

- 1 seule phase: $\phi = 1 \implies v = 3 \phi = 2 \implies v = 2$ Il faut se donner T et P pour déterminer l'état du système
- 2 phases: $\phi = 2 \Longrightarrow v = 3 \phi = 1 \Longrightarrow v = 1$ Il suffit de donner T pour déterminer P (état du système) $P = f(T) \Longrightarrow diagramme de phases d'un corps pur$

Equilibres

Réalisation: Gisèle Jung - cgjung@ulb.ac.be



Variance - applications: 1 constituant

$$v = 2 + c - r - \phi$$

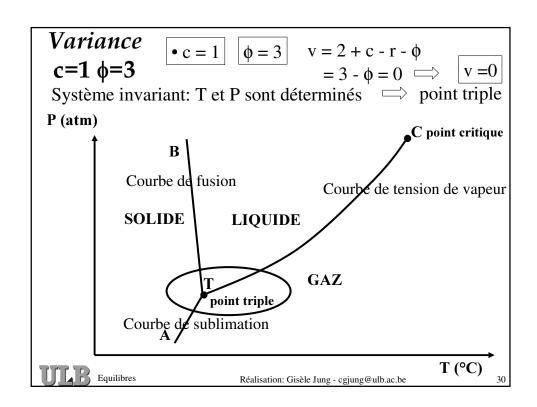
Exemple 1: Système à 1 constituant

$$c = 1$$
 $r = 0$ $v = 2 + c - r - \phi = 2 + 1 - 0 - \phi$ $v = 3 - \phi$

- 1 seule phase: $\phi = 1$ \Longrightarrow $v = 3 \phi = 2$ \Longrightarrow v = 2 Il faut se donner T et P pour déterminer l'état du système
- 2 phases: $\phi = 2 \implies v = 3 \phi = 1 \implies v = 1$ Il suffit de donner T pour déterminer P (état du système) $P = f(T) \implies \text{diagramme de phases d'un corps } \underline{\text{pur}}$
- 3 phases: $\phi = 3 \implies v = 3 \phi = 0 \implies v = 0$ Système invariant: T et P sont déterminés : point triple

Equilibres

Réalisation: Gisèle Jung - cgjung@ulb.ac.be



Variance: applications - 2 constituants

$$v = 2 + c - r - \phi$$

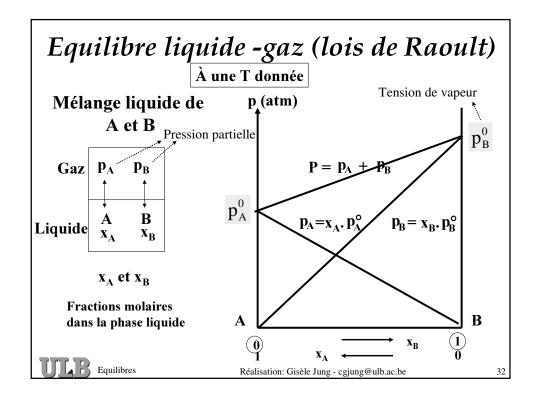
Exemple 2: Système à 2 constituants - aucune réaction

$$c = 2$$
 $r = 0$ $v = 2 + c - r - \phi = 2 + 2 - 0 - \phi = 4 - \phi$ $v = 4 - \phi$

- 1 seule phase: $\phi = 1$ \implies $v = 4 \phi = 3$ \implies v = 3Il faut se donner T, P et x_1 pour déterminer l'état du système
- 2 phases: $\phi = 2 \implies v = 4 \phi = 2 \implies v = 2$ Il faut se donner T et x_1 pour déterminer P
 A T donné, $P=f(x_i)$: lois de Raoult

Equilibres

Réalisation: Gisèle Jung - cgjung@ulb.ac.be



Variance: applications - 3 constituants

$$v = 2 + c - r - \phi$$

Exemple 3: Système à 3 constituants - 1 réaction

$$c = 3$$
 $r = 1$ $\phi = 3$ (2 solides et un gaz)
$$v = 2 + 3 - 1 - 3 = 1$$

Donc, si on se donne T, la pression P est déterminée:

$$P=f(T) \quad \text{avec} \quad P = p_{CO_2}$$

$$T \implies \Delta G^0 = \Delta H - T \Delta S \implies K_T = e^{\frac{\Delta G^0}{RT}} = p_{CO_2}$$

$$P = p_{CO_2} = e^{\frac{\Delta H - T \Delta S}{RT}}$$

Equilibres

Réalisation: Gisèle Jung - cgjung@ulb.ac.be

33

Chapitres choisis de Chimie Générale

Cours manuscrit: Hon.Prof. A.Fontana Animation Powerpoint: Dr.Sc. C.G.Jung

afontana@ulb.ac.be cgjung@ulb.ac.be

Université Libre de Bruxelles (ULB)

Solvay Business School - Centre Emile Bernheim (CEB) 50, Av.F.D.Roosevelt CP 145/1– B1050 Bruxelles

http://www.ulb.ac.be/soco/ceb

Equilibres

Réalisation: Gisèle Jung - cgjung@ulb.ac.be